

# 中学校数学

## 第2学年

### 5 図形の性質と証明

#### [解答例]

中学校

年 組 号 氏名

**■ 数学的な思考力・判断力・表現力を育む問題[解答] 年組 号氏名**
**■ 全国学力・学習状況調査①**

- (1) ②の $PA=PB$ は条件ではないので、証明の中で使うことはできない。

$\triangle PAM$ と $\triangle PBM$ において、

仮定から、

$$AM=BM \quad \dots\dots ①$$

$$\underline{PA=PB} \quad \dots\dots ②$$

また、 $PM=PM$  ( $PM$ は共通)  $\dots\dots ③$

①, ②, ③より、

3辺がそれぞれ等しいから、

$$\triangle PAM = \triangle PBM$$

したがって、 $PA=PB$

- (2) 正しい証明は次のとおり。

$\triangle PAM$ と $\triangle PBM$ において、

仮定から、

$$AM=BM \quad \dots\dots ①$$

線分 $AB$ の垂直二等分線が $l$ だから、

$$\angle PMA = \angle PMB = 90^\circ \quad \dots\dots ②$$

また、 $PM=PM$  ( $PM$ は共通)  $\dots\dots ③$

①, ②, ③より、

2辺とその間の角がそれぞれ等しいから、

$$\triangle PAM \equiv \triangle PBM$$

したがって、 $PA=PB$

## ■ 数学的な思考力・判断力・表現力を育む問題[解答] 年組 号 氏名

## ■ 全国学力・学習状況調査②

(1) AD, BCは三角形の1辺の長さであるから, アが導き出される。

答え ア

(2)  $\triangle AOD$ と $\triangle BOC$ で,

仮定から  $AO=BO$  ……①

$OD=OC$  ……②

共通な角だから,

$\angle AOD=\angle BOC$  ……③

①, ②, ③より,

2辺とその間の角がそれぞれ等しいから,

$\triangle AOD\equiv\triangle BOC$

合同な図形において, 対応する辺の長さは等しいから,

$AD=BC$

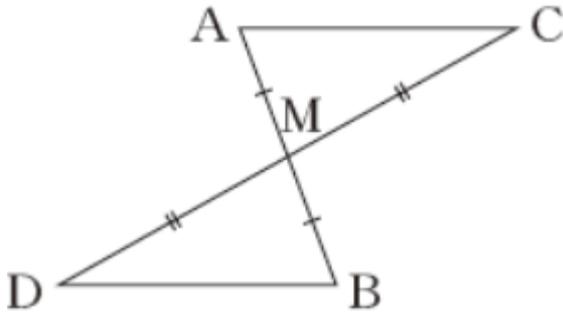
(3) 辺についてはすべて分かっている。対応する角の大きさが等しいことを式に表しているのはウである。

答え ウ

## ■ 数学的な思考力・判断力・表現力を育む問題[解答] 年組 号 氏名

## ■ 全国学力・学習状況調査③

(1)



【証明】

$\triangle AMC$ と $\triangle BMD$ において、

$$\text{仮定より} \quad AM=BM \quad \cdots\cdots\text{①}$$

$$CM=DM \quad \cdots\cdots\text{②}$$

対頂角は等しいので、

$$\angle AMC = \angle BMD \quad \cdots\cdots\text{③}$$

①, ②, ③より、

2辺とその間の角がそれぞれ等しいので、

$$\triangle AMC \equiv \triangle BMD$$

合同な三角形の対応する角の大きさは等しいから、

$$\angle MAC = \angle MBD$$

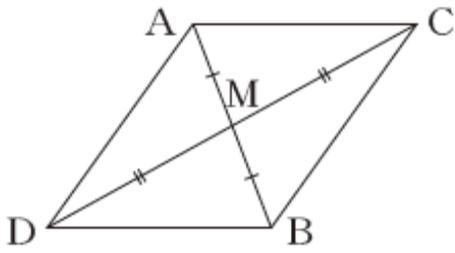
したがって、錯角が等しいから、

$$AC \parallel DB$$

(2) (1)の仮定や結論以外で分かることは、選択肢の中からは、 $\angle MCA = \angle MDB$ だけである。

答え ア

(3)



四角形ADBCが平行四辺形ならば $AC \parallel DB$ がいえる。  
 $AM = BM$ ,  $CM = DM$ が分かっているので、四角形ADBC  
 において、対角線がそれぞれの中点で交わっている。  
 よって、四角形ADBCは平行四辺形である。

答え ①……平行四辺形  
 ②……**工**

全国学力・学習状況調査

(1)  $\angle BAE = \angle CAD$

【ポイント】

証明の中で、角が等しいことを表しているのは、  
の  $\angle BAE = \angle CAD$  だけしかないよ。

(2) 解答例

$\triangle ABE$  と  $\triangle ACD$  において、

仮定から、

$$AB = AC \quad \dots\dots$$

$$AE = AD \quad \dots\dots$$

対頂角は等しいので、

$$\angle BAE = \angle CAD \quad \dots\dots$$

、 、 より、

2 辺とその間の角がそれぞれ等しいから、

$$BE = CD$$

【ポイント】

問題1の証明の仮定、は、  
問題2の証明でも、そのまま仮定  
として使うことができるよ。

問題の条件が変わったときに、  
もとの証明と何が変わり何がかわ  
らないのか確認する必要があるね。

合同な図形の対応する辺の長さは等しいから、

$$BE = CD$$

全国学力・学習状況調査

長方形

【ポイント】

四角形  $ADBC$  は対角線  $AB$  と  $CD$  の長さが等しく、それぞれの真ん中（中点）で交わるので、平行四辺形ではなく長方形になるよ。

## 全国学力・学習状況調査

## 解答例

2組の向かい合う辺がそれぞれ等しい四角形は、平行四辺形である。

## 【ポイント】

2本のアームの取り付け方を示した文を見てみると、

<sup>1</sup> に同じアームを2本用意すると説明しているよ。

この説明より、

$$EF = HG$$

となることが分かるね。

<sup>3</sup> に点Eを中心としてFGの長さと等しい半径の円をかくと説明しているよ。

この説明より、

$$FG = EH$$

となることが分かるね。

だから、四角形EFGHの2組の向かい合う辺がそれぞれ等しいことが言えるので、平行四辺形になるよ。

■数学的な思考力・判断力・表現力を育む問題[解答] 年 組 号 氏名

■全国学力・学習状況調査⑦ B問題

(1) DE

【ポイント】

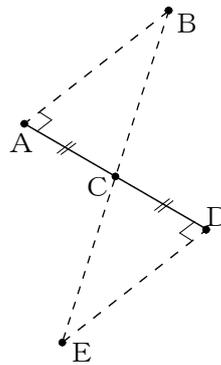
$\triangle ABC$ と $\triangle DEC$ は合同な図形なので、線分ABに対応する線分は線分DEになるよ。  
したがって、答えはDEになるね。

(2) 例：1辺とその両端の角がそれぞれ等しい2つの三角形は、合同である。

【ポイント】

- ・タレスの方法の③から  
 $AC = DC$
- ・タレスの方法の②, ④から  
 $\angle BAC = \angle EDC = 90^\circ$
- ・対頂角の性質から  
 $\angle ACB = \angle DCE$

以上のことから、  
 $\triangle ACB$ と $\triangle DCE$ について、  
三角形の合同条件の  
「1辺とその両端の角がそれぞれ等しい」ことが  
いえるので、 $\triangle ACB$ と $\triangle DCE$ は合同になるね。



(3) イ

【ポイント】

1辺とその両端の角がそれぞれ等しい三角形は合同になるので、  
 $\angle BAC$ と $\angle EDC$ の角の大きさが等しければ合同になるよ。  
だから、 $\angle BAC$ と $\angle EDC$ が $90^\circ$ でなくてもいいよ。  
したがって、答えはイになるね。

**■数学的な思考力・判断力・表現力を育む問題[解答]** 年 組 号 氏名

**■全国学力・学習状況調査⑧ B問題**

(1) ア

【ポイント】

点Dは、 $\angle ABC$ の二等分線と $\angle ACB$ の二等分線の交点だから、 $\angle DBC = \angle EBD$ になるよ。  
 線分BDが $\angle ABC$ の二等分線になっていることを示しているよ。  
 したがって、答えはアになるね。

(2) 例：仮定から、 $\angle DCB = \angle FCD$  ……①

DF // BCで、平行線の錯角は等しいから、

 $\angle DCB = \angle FDC$  ……②①, ②より、 $\angle FCD = \angle FDC$ 2つの角が等しいから、 $\triangle FCD$ は二等辺三角形である。

【ポイント】

仮定から  $\angle DCB = \angle FCD$ DF // BCで、平行線の錯角は等しいから $\angle DCB = \angle FDC$ 

証明するときは、          の部分のように根拠を記述する必要があるね。

(3) エ

【ポイント】

 $\triangle AEF$ の周の長さは、 $\triangle AEF$ の周の長さ =  $AE + EF + AF$  $= AE + ED + DF + AF$ 

で求めることができるね。

$\triangle EBF$ と $\triangle FCD$ が二等辺三角形であることから証明した $EB = ED$ ,  $FC = FD$ より、

 $AE + ED + DF + AF = AE + EB + FC + AF$  $= AB + AC$  $\triangle AEF$ の周の長さは、 $AB + AC$ の長さに等しくなるね。

したがって、答えはエになるね。